

里堂學算記五種

治經之士多不治算數治算數者又不甚讀古書以謂西法密于中法後人勝于前人此大惑也天元一術顯於元代終明之世無人能知

本朝梅文穆公知爲借根方法之所自出可謂卓識冠時而篇中步算仍用西人號式於李學士遺書未能爲之闡明古籍雖存不絕若幾矣焦子里堂治經之暇著天元一釋二卷使人知古法之簡妙其於正負相消盈虧和較之理實能抉其所以然復辨別秦氏之立天元一與李氏迥殊且細攷生卒時代知鏡齋不後於道古分綱列目剖析微塵可與同門李尚之所校測員海鏡

益古演段二書相輔而行此真古學之絕而復續幽而復明者泰於天元算例亦從西人入手近始知其立法之不善遠遜古人讀焦君此編益煥然永釋矣夫西人存心叵測恨不盡滅古籍俾得獨行其教以自衒所長吾儕托生中土不能表章中土之書使之淹没而不著而數百年來但知西人之借根方不知古法之天元一此豈善尊先民者哉泰聞焦君名久矣比來武林始得識其人讀其書并綴數言於簡末昔文穆自言荆川復生定當擊碎唾壺恩謂文穆尚在亦有積薪之歎矣

嘉慶庚申冬十有二月上澣秣陵同學教弟談泰階平

氏拜撰

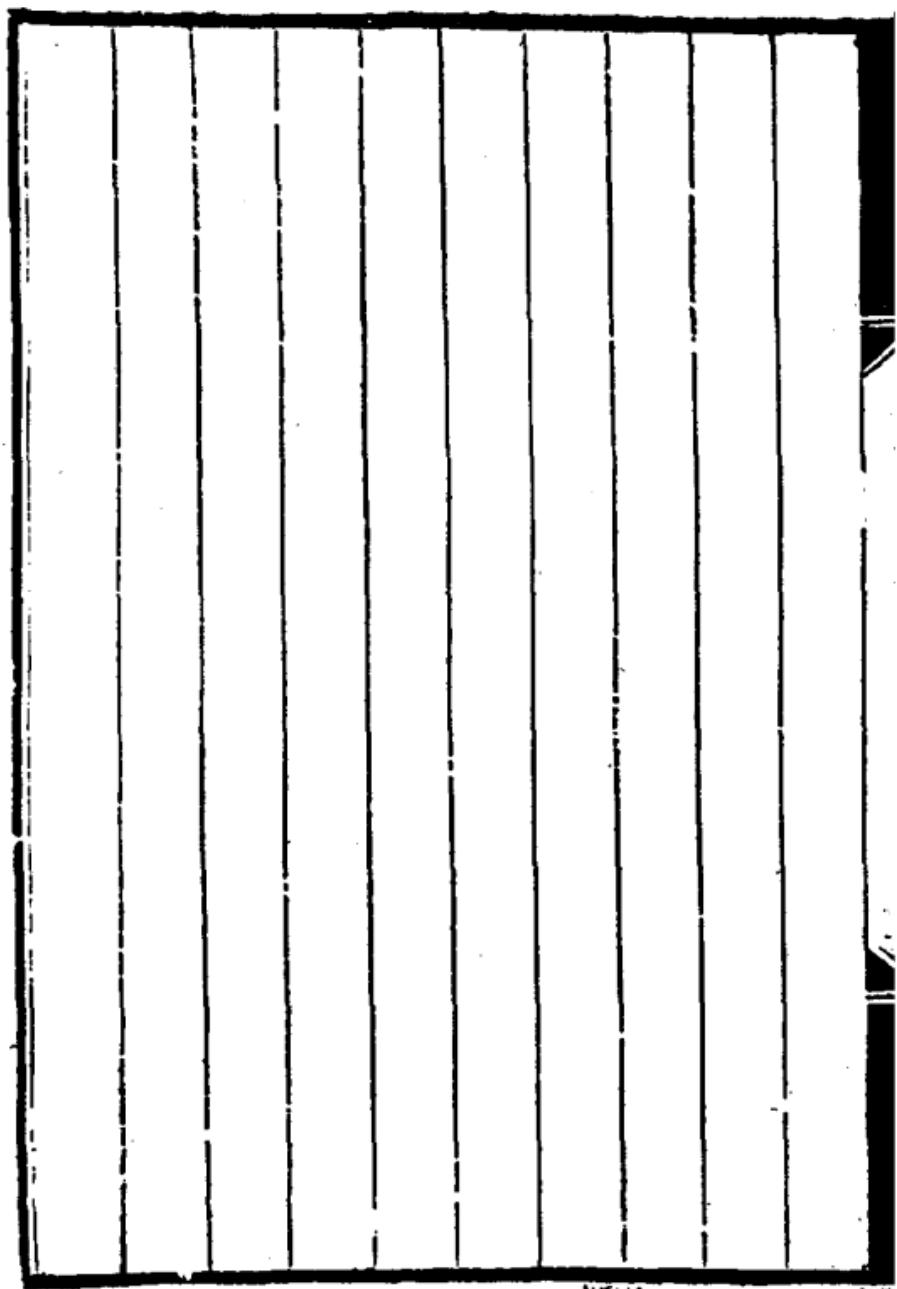
立天元者算氏至精之術也爲算之道皆據所已知之數求所未知之數然而所謂數者自一而累之而十百千萬自一而析之而分釐秒忽等數也所未知之數雖未知幾何而必爲一數則可知此天元一之所由立也已知之數見數也未知之數雖知其必爲一數究借算也見數與借算不同類故必別太極於天元外也以不
同類者相加減則生正負何也減所不可減非負不能通其變也以天元乘則層累而上以天元除則層遞而下層累而上者譬天元爲方面以乘方面爲平幕以乘

平冪爲立積也層遞而下者譬以方面除立積則得平
冪除平冪則得方面也設一術於此以求其積數又設
一術於彼以求其積數此之積數與彼之積數其天元
太極之等不同而其爲積數則同故曰如積也彼此之
積數同則以彼消此或以此消彼相消之後必減盡而
空更無積數矣然而猶有天元太極之等者以有正負
故也計正之積與負之積適等正之盈以負之不足消
之而盡負之不足以正之盈消之而亦盡正負相消則
無正亦無負無正無負是無積數也惟無積數故除之
開方之而得所立天元一幾何之實數假尙有數不得

爾也此立天元術之大略也江都焦君里堂今之善言
立天元術者也所著天元一釋二卷於帶分寄母同數
相消之故條分縷析發揮無復餘蘊蓋自李樂城郭邢
臺而後爲此學者皆未如里堂如此之妙也銳於算學
未有深得而篤好立天元術亟欲章而明之則頗與里
堂相似里堂亦謬以銳爲可語於斯而屬序焉因撮舉
綱要以告天下後世之讀里堂書者辭之不文所不暇
計也

嘉慶五年冬十月二十日元和李銳書於浙江撫署之

誠本堂



天元一釋上

江都焦循學

天元一之名不著于古籍金元之間李仁卿學士作測圓海鏡益古演段兩書以暢發其旨趣宋末秦道古數學九章亦有立天元一法而術與李異蓋各有所授也元世祖并宋之後郭邢臺用李氏之法造授時術其學頗顯著於世明顧箬溪不知所謂毅然刪去細草終明之世此學遂微國朝梅文穆公悟其爲歐遷巴借根法之所本于是世始知天元一之說然李氏書雖嘗板刻而海內不多有故學者習學借

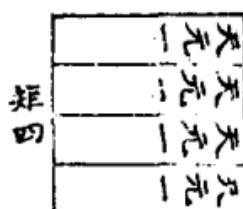
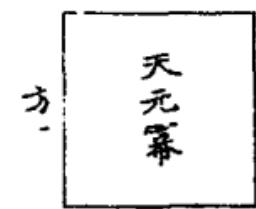
根方法而於天元一之蘊或有未窺者也吾友元和
李尚之銳精思妙悟究核李氏全書復辨別天元之
相消異乎借根之加減重爲校注與秘益彰信足以
綴仁卿之傳而補文穆所不逮也循習是術因以教
授子弟或謂仁卿之書端緒叢繁鮮能知要因會通
其理舉而明之而所論相消相減開與尚之之說差
者蓋尚之主辨天元借根之殊故指其大槩之所近
循上述盈肭和較之理故析其微芒之所分閱者勿
疑有異義也嘉慶四年冬十二月除日

天元一者以言乎其矩也太極者以言乎其積也天元

算者以言乎其方也

周髀算經云方出於矩矩出於九九八十一矩卽直線也八十一爲積數九九則矩矣合之成一方三者相爲表裏異而同者也實有此積數八十一卽實有此矩數之九亦卽實有此方數之一故有方數有矩數卽知積數有積數有方數卽知矩數以天元爲虛數者非也天元一一卽實數也由一而二之而十之而百之而千萬之皆天元之實數卽天元之母數有天元之母數幾何而後得天元之子數幾何此天元一之概也測圓海鏡算式自下而上益古演段則自

上而下今依海鏡作圖於左方



三者互相例以成盈虧和較

九章算術于盈不足粟米方程均輸皆以比例齊同之法得之循于加減乘除釋既詳言之矣夫其爲例也子與子例母與母例故亦子與子爲齊同母與母

爲齊同.然子母可各爲齊同.亦可互爲齊同.子母可自爲比例.亦可互爲比例.天元一之術.不過以子母互爲齊同比例而已矣.凡數有分.卽有互子母自相乘.因亦維乘.則自相例.又奚不可以互例.九章中雖未及此術.實自具此理也.

等而上之.疊爲乘方.等而下之.遞爲太極.

下積中矩.上方以三層言之也.相乘而有矩.自乘而有方.再自乘而有立方.三乘而有三乘方.五乘而有五乘方.多一乘則多一乘方也.太極之下.海鏡本無名.今仍以太極名之.便文焉爾.

太極可以爲天元。天元可以爲太極。使太極之上恒爲天元。天元之下恒爲太極。齊其下以統其上也。

太極之下雖皆太極。然止以最下者爲太極。其上之

太極用爲天元。又上之太極爲天元。幕設最下無太

極。則以天元爲太極。天元幕爲天元。卽令最下爲三

乘方。亦以三乘方爲太極也。測圓海鏡邊股第七問

草以後止舉篇名不舉大名得一。以半徑爲半徑幕。寄左以天元幕

與左相消得下式。以平方開之。按此寄左四

層。第二層爲天元。消去第一層。則存一天元兩太極。

今仍以平方開之。是以四百一十二天元爲四百一

十二天元算也。第九問草云得卦。卽爲圓徑算。寄左。然後以卽元爲同數。相消得卦。卽以平方開之。此寄左三層。最下爲天元。最下爲天元。則最上爲立方。乃仍以平方開之。是以二萬八千八百天元爲二萬八千八百太極也。大股第十四問草云得卦。卽爲半徑算。寄左。然後得卦。卽方元爲同數。相消得卦。卽非。開立方。卽半城徑。寄數三層。下爲天元空位。又數五層。亦下爲天元空位。消去空位。所得四層。下平方次立方。次三乘方。上四乘方。立方開之。是以一億口五百八十四萬平方。爲一億口五百八十四

萬太極也。明東前第二問云。得下式。

左以

元

開

爲同數相消。

得

開

爲

五乘方。此寄左數五層。

第三層以下皆太極。相消爲

七層。最上爲三乘方。今以五乘方開之。是以一十七

萬二千五百六十萬口二千八百一十六太極。爲一

十七萬二千五百六十萬口二千八百一十六天元

也。由此推之。旣消之後。無論其層之多寡。必以最下

者爲太極。太極之上。必爲天元。三層則必開平方。四

層則必開立方。五層則必開三乘方。以至十一層必

開九乘方。三十二層必開三十乘方也。其故何也。所

求者天元之子數。天元之子數，則太極矣。是太極必不可無，亦必不可疊也。天元算者，無母數之天元也。均爲求天元中之太極而設。則烏得不以太極天元爲齊同之主乎？算可元，元可太者，何也？乘方之理也。太極積數也。爲單數之積，猶之爲矩數之積。且猶之爲方數之積。爲立方數之積。譬如層有三下，爲單數之積，則單積八十一。矩九，平方一，層有三下，爲矩數之積，則矩之積八十一。平方九，立方一，層有三下，爲方數之積，則方之積八十一。立方九，三乘方一，蓋方矩積理實相通，可升可降，可下可上也。然則未消以

前必注天元太極者何也齊其等不容紊也寄數之天元在上層同數之天元在下層必以下層當上層故四層消而七三層消而五職此故也是記天元記太極明注于層之間者爲相消地也旣相消矣太極之位必定於最下可不更記故不記也

太極自乘仍爲太極何也太極相乘是以太極爲矩也矩相乘故得積也

太極本是積今用兩積相乘則積數已進爲邊矣如積數九令以九乘九爲八十一八十一爲積九進爲邊矣此亦邊積相通之故

太極天元相乘.仍爲天元何也.天元之數不可知.故不能得其積.止得天元也.

天元者統舉一矩也.以數乘之.止得若干矩耳.非自乘不可爲方.不知數不可爲積.有如天元一者三.以二乘之.二三如六.得天元一者六耳.若知其數.則設每天元一數九.三之爲二十七.以二乘之積五十四.乃爲實積.今止乘得六.但天元一者六耳.

以天元自除得太極.何也.兩數等.其除得之數法化爲實也.

天元非實數.以天元除之.轉爲實數者.譬如天元九.

以天元除天元卽以九除九也。九除九得一故天元
一化爲積數一也。又如天元九以二天元除三天元。
卽以九除二十七也。九除二十七得三故三天元一
化爲積數三也。

以天元除太極得太極下之太極何也。勢所逐也。天元
除幕爲天元。天元除天元爲太極也。

除者乘之反知乘方累乘之數卽知天元除得之數
矣。假如天元數二以二除之得一又除之得〇五以
二乘之得四又乘之得八以表明之

立 方 八 天元 四 天元 二 太極 一 太極 五

天元二除立方 天元二除天元 天元二自除 天元二除太極一
八得天元四 幕四得天元二 得太極一 得太極下太極五

以天元除太極所得必下於太極以太極乘天元所得
不上於天元何也幕爲天元所自乘太極爲天元所自
除乘其所自除猶除其所自乘也除其所自除猶乘其
所自乘也

天元一爲乘除之樞紐二乘二得四上爲幕二除二

得一下爲太極二乘四得八又上爲立方二除一得
口五又下爲太極下之太極一乘一除兩相比例其
理自然脗合非由彊致矣義備前表

以矩例積則上法下實也

譬如積數八十一與九个矩數等以九爲法除得九
是九爲天元也法之九爲九天元一除得數九爲每
天元一之數九此正方也天元一多屬從方苟舉積
數八十一與二十七天元一等則每一天元得三或
舉積數八十一與二天元一等則每一天元得四十
口五邊股弟十一問草云得下式十。此卽寄左再

得卜。元爲如積相消得上法下實得一百二十步。按此本有四層。消去上兩層。則下兩層爲一積數。一母數。以母除積。則得子耳。凡上法下實者。放諸此。

以幂例積。則下實中空。而上開方除也。

積數八十一。天元數九。則平方矣。是爲八十一與一天元。元比積數一百六十二。天元數十八。則二平方矣。是爲一百六十二。與二天元。元比邊股。弟十四問草。寄左元。開與天元。元比相消得卜。開平方。是爲一萬四千四百積。當一天元。元比底句。弟四問草。消得

下式卜圖。以立方開之得二百四十步此亦天元空而以一立方一百三十五天元幕當二千一百六十萬卽三百七十五天元幕而以二百四十爲立方也邊股弟七問草得下式圖。以平方開之得一百二十步此積數七百三十七萬二千八百等子五百一十二天元幕天元爲一百二十幕爲一萬四千四百令五百一十二幕適當七百三十七萬二千八百也五百一十二幕已當四立方三十二天元幕而不升爲立方者無得升之勢也錯綜變化以相比例以相齊同此天元一之術所以妙也大股弟三問

草消得升。開立方得一百二十。是有積有矩。
有立方而無平方。是爲廉空。凡諸廉皆空。則爲不帶
從之。開方。諸廉中有空有不空。則爲秦道古之玲瓏
開方也。底句弟八問。又法草消得下式。以平
方開之。得三百六十。法云半步常法。此上層爲平方
之半也。大股弟十二問。草消得。開立方。得
三百四十步。法云五分隅法。此上層爲立方之半也。
弟十二問。草消得。開三乘方。得三百六
十步。此上層爲三乘方之半也。弟十七問。草如積消

得。社

開

天元

釋

上

五釐爲三乘方隅此上層又爲三乘方半之半也明
車前弟十七問草。開平方得二百四十步法
云七分半常法此上層爲平方四分之三也弟十八
問草。開三乘方得二百四十步法云四
分三釐七毫五絲爲虛隅以上層爲三乘方之半不
足也雜様弟十二問草云。開平方得三十六
步此中空而上得平方之半夫平方之半卽十八天
元也不爲十八天元而爲半天元算者不知十八天
元之數但知爲算之半也弟十五問草。開平
方得八十步法曰二步二分五釐益隅明車前弟七

問草。釋。非開平方得三十步法。日三步半虛法。凡言步卽方也。凡言分方之幾分也。言三步半。此每方三三而九。三步爲二百七十。半爲四十五。當一方九十之半也。

中不空。而上累下實。則中爲從。中恒爲從。下恒爲實也。積有盈胸。則上二層皆不空。以從合累。卽成從方。所推見下。

合上累中從。以當下實。則下和而上中較也。

和較之義。詳見加減乘除釋。弟五卷。天元一相消之後。和較已備。和不必皆在下。而和之在下者。則理之。

易明者也。正率弟十四問草。卜。如法開之。得半徑。此積九萬六千。而等于一畝六百八十天元也。半徑一百二十。以半徑自乘。得上畝一萬四千四百。以半徑乘天元。得七萬一千六百。合之一萬四千四百。正八萬六千。是下和而中上較。猶下五中三上二。合三二爲五也。但下和數顯。上中兩較數隱耳。

合上畝下實。以當中從。則中和而上下較也。合中從下實。以當上畝。則上和而中下較也。

上恒爲方。中恒爲矩。下恒爲實。不變者也。而或和或較。則上中下無有一定。邊股弟五問又法草。卜。元

以平方開之得一百二十步按下恒爲實是爲實積
三萬四千五百六十中恒爲矩是爲天元四百口八
上恒爲方是爲天元幕一天元幕以一百二十自乘
爲實數一萬四千四百四百口八天元以一百二十
乘之爲實數四萬八千九百六十以土幕之實數一
萬四千四百合下積數三萬四千五百六十正當中
矩實數四萬八千九百六十是中和而土下較不啻
上五下四中九合五四而爲九也明祖前弟第一問草
卜
益積開平方得二百四十步按下恒爲實是
爲實積八千六百四十中恒爲矩是爲天元二百口

四上恒爲方是爲天元幂一天元幂以得數二百四十自乘得實數五萬七千六百天元二百口四以二百四十乘之爲實數四萬八千九百六十以中矩實積四萬八千九百六十合下積八千六百四十正當上幕實數五萬七千六百是上和而中下較不啻中七下一上八合七一而爲八也此二者卽梅氏所謂較數方程但此上爲幕爾

較與較爲同名較與和爲異名同異之分正負之所以立也

九章算術方程正負術注云今兩算得失相反要令

正負以名之。正算赤，負算黑。否則以邪正爲異。方程自有赤黑相取。左右數相推求之術。而其並減之勢。不得交通。故使赤黑相消。奪之於算。或減或益。同行異位。又云。凡正負所以記其同異。使二品互相取而已矣。言負者未必負於少。言正者未必正於多。故每一行之中。雖復赤黑異算無妨。正負之說。此已了然。所謂赤黑邪正。皆言策也。測圓海鏡數學九章所用號式。卽布策之象。孫子算經云。凡算之法。先識其位。一從十橫。百立千僵。千十相望。萬百相當。又云。六不積。五不隻。夏侯陽算經云。滿六以上。五在上方。蓋古

之算策一枚當一數從橫布之橫者至六則以一策爲五從於上從者至六則以一策爲五橫於上如八之號爲弌亦爲三九之號爲弌亦爲三五六七可爲四亦爲弌一二三可爲四亦爲三是也測圓海鏡不言正負而邪畫以標異數卽九章注所云以邪正爲異也益古演段不用邪畫弟十一問法稱三百三十九步○八釐負弟十四問自注云從負隅正或從正隅負其實皆同弟四十問法云五十一萬七千五百四十五步正爲實元從六百四十八負依舊爲從李尚之云弟五十四五十七問條段圖虛積及應減處

並以紅色爲誌。知當時算式亦必以紅黑爲別。而傳寫者改去也。此卽九章注所云赤黑相取也。相消之名亦九章注所詳。別疏於後。

加中較於下較。謂之益實。減上較於中和。謂之減從。於中和減下較。而以其餘爲上較之實。於上和減下較。而以其餘爲中較之實。謂之翻法。三者之法不同。皆準正負以爲加減也。

梅文穆云。借根用益實。而統宗用減從。其理無二循。謂二者正有異。益積者同名相加減從者異名相消。減從不必益實。益實必兼減從。其益實必在上和中。

下較減從則通用之益實必有續商減從則一商而盡者亦用之和在下實適包上中用開方法隅與從必同名相加從與實必異名相消和在上中則下實不足以包括上中而轉爲上中之和數所包括以上隅中從下積言之并從於積以當上隅則爲益積積不足以隅益之也減下積以當中與上則爲翻積積本在下今翻在上中也測圓海鏡書中不言減從益古演段弟十一問一卽圖開得三十六條段以一爲虛隅義曰減從以爲法又六十一問三上卽開得二十條段以三爲虛常法義曰減從開平方和或在隅

或在從二位皆異名宜減故均得減從惟和在實者
上中同名止相加而不相消乃無減從之例爾底句
弟五問又法草一尺開平方得一百二十步翻法
在記此三層翻法也大股第九問草云一尺開
立方得一百二十步翻法在記此四層翻法也皆和
在中較在上下明東前弟四問草云十尺開翻得一
百二十明東後弟九問草云得一尺開平方得一
十六步法云倒積開得直句一十六此二者皆和在
上較在中下於隅中減積與從中減積異用同理蓋
無論是算是元既反減下積義皆得爲翻也積在下

今轉在上形似倒置故又名倒積爾

翻法在記者蓋當時有此書故略之不載秦道古數學九章有投胎換骨二法田域篇弟一題古池推元置實一萬一千五百五十二於上益方一百五十二於中從方五分於下於下起步約得百乃於實上商置三百寸方再進爲一萬五千二百隅再進爲五千以商隅相生得一萬五千爲正方以消益方一萬五千二百以與商相生得六百投入實得一萬二千一百五十二又商隅相生又得正方一萬五千內消負方二百訖餘一萬四千八百爲從方一退爲一千四

百八十以隅再退爲五十乃於上商之次續商置六十寸與隅相生增入正方得一千七百八十乃於續商除實訖實餘一千四百七十二次以商生隅增入正方爲二千八千方一退爲二百八隅再退爲五分乃於續商之次又商置六寸與隅相生增入正方爲二百一十一乃命商除實訖實不盡二百六寸不開爲分子乃以商生隅增入正方又并隅共得二百一十四寸五分爲分母分子求等得五分爲等數皆以五分約其分子之數爲四百二十九分寸之四百一十二此投胎法卽李攀城所謂益積也第二題尖田

求積開玲瓏翻法三乘方以四百〇六億四千二百五十六萬爲實以七十六萬三千二百爲從上廉以一爲益隅按三乘方當有五層一實二方三上廉四下廉五隅今止有隅有上廉有實闕下廉與從蓋空其二故曰玲瓏以隅之三乘積并入實中乃合上廉之數其初商之積大於原實故用翻法其法云以從廉超一位益隅超三位約商得十今再超進乃商置百其從上廉爲七十六億三千二百萬其益隅爲一億約實置商八百爲定商以商生益隅得八億爲益下廉又以商生下廉得六十四億爲益上廉與從上

廉七十六億三千二百萬相消從上廉餘一十二億

三千二百萬又與商相生得九十八億五千六百萬

爲從方又與商相生得七百八十八億四千八百萬

爲正積與元實四百六億四千二百五十六萬相消

正積餘三百八十二億○五百四十四萬爲正實

圖式

云以負實消正積其積乃有餘爲正實謂之換骨

又以益隅一億與商相生得八億

增入益下廉爲一十六億又以益下廉與商相生得

一百二十八億爲益上廉乃以益上廉與從上廉一

十二億三千二百萬相消餘一百一十五億六千八

百萬爲益上廉又與商相生得九百二十五億四十

四百萬爲益方與從方九十八億五千六百萬相消。
益餘八百二十六億八千八百萬爲益方一又以商
生益隅一億得八億增入益下廉得二十四億又以
商相生得一百九十二億入益上廉得三百七億六
千八百萬爲益上廉二又以商生益隅一億得八億
入益下廉得三十二億三畢其益方一退爲八十二
億六千八百八十萬益上廉再退得三億○七百六
十八萬益下廉三退得三百二十萬益隅四退爲一
萬畢乃約正實續置商四十步與益隅一萬相生得
四萬入益下廉爲三百二十四萬又與商相生得一

千二百九十六萬入益上廉內爲三億二千。六十四萬又與商相生得十二億八千二百五十六萬入從方內爲九十五億五千一百三十六萬乃命上續商四十餘實適盡所得八百四十步爲田積此換骨法所得正積大於原積於正積中減去原積翻以正積所餘爲積卽李欒城所謂翻法也測望篇弟五題遙度圓城開玲瓏九乘方凡九乘方必有十一層秦氏立名別之曰隅曰下廉曰星廉曰爻廉曰行廉曰維廉曰方廉曰次廉曰上廉曰方曰實其方與次廉維廉行廉爻廉下廉皆空故亦名玲瓏其一商卽盡

故相生相消同於前法但不以正積翻減去原積故
不爲翻法是也又測望篇弟六題望敵圓營用開連
枝三乘玲瓏方此五層有實有隅有上廉從與下廉
空同於尖田求積之式商得數雖有兩次而初商之
積小於原積故等爲玲瓏三乘而不名翻法翻以減
去下實爲義也然細究之秦道古之投胎卽李欒城
之益積而秦道古之換骨與李欒城之翻法則有辨
何也欒城之翻法無論和數在中在畧但以少減多
減餘在彼皆得爲翻法道古之換骨必和數在中而
較數大於初商翻專在實而始爲換骨也

益古演段第二十四問問雕倒積倒從開平方得
四十二步校者演之云法列積一千四百四十九步
爲實以一百零八步爲長與濶一又七分半之和卽
從數求濶初商四十步以一濶七分半乘之得七十
步以減和數餘三十八步以初商乘之得一千五百
二十步以初商減之於原積反減之餘實七十一步
乃二因一濶七分半所乘初商之數得一百四十步
大於和數反減之餘三十二步爲次商廉次商二步
以一濶七分半乘之得三步半爲次商隅凡和數廉
隅相減此反相加得三十五步半以次商乘之得七

十一步爲次商積與餘積相減恰盡開得濶四十二
步又云倒積倒從卽翻積法也蓋初商積常減原積
此獨以原積減初商積倍廉常減從步此獨以從步
減倍廉乃平方中之一變也循案此所演翻法卽原
諸數學九章然秦道古之術以商隅相生爲廉法此
用二因則猶未得其意旣有和較正負則加自有益
積減自有翻積如是始盡開方之法爾

常法亦謂之隅法益隅亦謂之虛隅益從亦謂之益方
益方者別於從方也益廉者別於從廉也常法者別於
益隅也

測圓海鏡所標諸名號其大畧以下和而中上較者

爲常止稱曰實曰從曰隅因而隅法通稱常法若和

在上則稱益隅和在中則稱益從或稱益方亦有和

在中而稱上爲益隅

大股弟三間

和在上而稱中爲益從

雜樣

且有和在下而稱上中爲益隅益從

三事和弟三間

更有從

空而稱上爲益隅

明東後第二問

推之邊股弟十五問與底句

十五問相脗合者也乃於底句之下一和上三較稱

實稱從稱廉稱隅一依常法於邊股則實仍稱實而

從則稱益從廉則稱益廉隅則稱虛隅然則諸稱弟

以標其同異故不論正負和較而各以類相齒也下

層定稱實不加益字其上中或以異於下而加益字
如和在中稱益方和在上稱益隅也或以合於下而
加益字如和在中稱上爲益隅和在上稱中爲益從
也益從又稱虛從益隅又稱虛隅虛之云者當緣其
爲少數而名之其立法之初蓋以少爲虛以多爲益
如和在中宜稱中爲益方以別於上隅下實或不別
中而別上則稱上爲虛隅而仍單稱中爲從如和在
上宜稱上爲益隅以別於中從下實或不別上而別
中則稱中爲虛從而仍單稱上爲隅總之稱虛稱益
俱所以爲別久而弟取其有別不復各當其名此所

由無定指也。然所指無定，所別有定。草中以斜畫定之，亦此義既。有斜畫，則同異自見，尤簡便也。今備錄於左方，斜畫者以負爲號。

正率第十四問

負較

負較

正和

邊股第二問

負較

常法

負較

從方

正和

實

邊股第八問

負較

常法

負較

從方

正和

實

邊股第十二問

負較

隅法

負較

從方

正和

實

底句第二問

負較

常法

負較

從

正和

實

底句第三問

負較

隅

負較

從

正和

實

底句第八問

負較

常法

負較

從

正和

實

底句第十二問

負較

常法

負較

從

正和

平實

大股弟四問

負較

常法

負較

從

正和

實

大股第六問

負較

常法

負較

從

正和

實

大句弟四問

負較

常法

負較

從

正和

實

大句第十問

負較

常法

負較

從

正和

實

明東前弟一問
又法

負較

常法

負較

從

正和

平實

明東前第九問

負較

虛法

負較

益從

正和

平實

明東前弟十七
問

負較

常法

負較

從

正和

平實

明東後弟十三問文法

負較

常法

負較

從

正和

平實

明東後弟十三問文法

負較

常法

負較

從

正和

平實

明東後弟十五問文法

負較

常法

負較

從

正和

平實

三事和第二問

負較

常法

負較

從

正和

平實

三事和第三問

負較

益隅

負較

益從

正和

平實

大斜第二問

負較

平隅

負較

從

正和

實

大斜第三問

負較

常法

負較

從

正和

實

大斜第四問

負較

常法

負較

從

正和

實

雜糅弟一問

負較

常法

負較

從

正和

實

雜糅弟三問

正較

常法

正較

從

負和

實

雜錄第九問

正較

常法

正較

從

負和

平實

乙分第九問

負較

常法

負較

從

正和

實從

右下和上中較

邊股弟五問又
法

負較

虛法平開

正和

從

負較

實

邊股第六問

正較

常法

負和

益方

正較

實

邊股第八問又
法

正較

常法

負和

益方

正較

實

邊股第十問

正較

常法

負和

益從

正較

實

邊股第十七問又
法

正較

常法

負和

益從

正較

實

底句弟五問又
法

正較

常法

負和

從

正較

平實

底句第八問又
法

正較

常法

負和

從

正較

實

底句第十問

正較

陽法

負和

益從

正較

實

大股第二問

負較

益閼

正和

從

負較

平實

大股第七問

負較

益閼

正和

從

負較

實

大股第七問又
法

正較

閼

負和

益方

正較

實

大股第八問

負較

益閼

正和

從

負較

實

大股第十一問

負較

益閼

正和

從

負較

實

大句第一問

負較

益閼

正和

從

負較

實

大句第二問

負較

虛法平閼

正和

從

負較

實

大句第七問

負較

益閼

正和

從

負較

實

大句第七問又

正較

閼

負和

益方

正較

實

法

天元一釋上

卷之二

大句弟八問

負較益問

正和從

負較實

大句弟十一問

負較虛常法

正和從

負較實

明重前弟十五問

正較常法翻開

負和益從

正較平賓

明重前弟十六問

正較常法平開

負和虛從

正較實

明重後弟六問

正較常法

負和益從

正較平賓

明重後弟七問

正較常法

負和益從

正較平賓

明重後弟十問

正較常法

負和益從

正較平賓

大斜弟二問

正較常法

負和益從

正較平賓

大斜弟一問又正較常法

負和益從

正較平賓

大和第一問

正較

負和

正較

閑法

大和第二問

負較

虛閑

正和

從

負較

平實

大和第六問

負較

虛法

正和

從

負較

平實

三事和第一問

正較

常法

負和

益從

正較

實

三事和第五問

負較

常法

正和

益從

負較

平實

三事和第六問

正較

虛平方

負和

從

正較

平實

三事和第八問

負較

虛閑翻開

正和

從

負較

實

雜糅弟十五問

正較

平閑

負和

益從

正較

實

雜糅弟第二問

負較

益閑

正和

從

負較

平實

之分弟第一問

正較

常法

負和

益從

正較

實

之分第二問

正較 常法

負和 益從

正較 實

右上下較中和

明重前弟一問

負和 虛開

正較 從

正較 平實

明重前弟一問
又法

負和 益開

正較 從

正較 平實

明重前弟一問
又法

負和 虛開翻法

正較 從

正較 平實

明重前弟四問

負和 虛開翻法

正較 從

正較 平實

明重前弟十二問

負和 常法

正較 從

正較 平實

明重後弟八問

負和 常法

正較 從

正較 平實

明重後第九問

正和 常法倒積

負較 益從

負較 平實

雜糅第四問

負和 益開翻法

正較 從

正較 平實

雜卦第十六問

正和

常法

負較

益從

負較

實

右上和中下較

邊股第五問

正

常法

負

益廉

正

從方

正

實

邊股弟十五問

負

虛隅

負

益廉

負

益從

正

實

底句弟五問

負

隅

負

益廉

正

從

正

實

底句弟十五問

負

隅

負

益廉

負

益廉

正

從

大句弟九問

正

常法

負

益廉

正

從

正

實

大和弟十二問

正

常法

負

益廉

正

從方

正

實

右四層一和三較

底句弟四問又

負

益隅

正

從

負

益方

正

實

大股弟九問

正常法

負益廉

正從方

負實

大股弟十二問

正閼法

負益廉

正從方

負實

大股弟十四問

負虛常法

正從廉

負益從

正實

大股弟十五問

負益問

正從廉

負益從

正實

大股弟十八問

正常法

負益廉

正從方

負實

大股弟十八問

正閼

負益廉

正從方

負實

大句弟十四問

負虛閼

正從廉

負益從

正實

大句弟十五問

負虛法

正從廉

負益從

正實

大句弟十八問

負虛常法

正從廉

負益從

正實

又法

右四層二和二較

邊股弟十三問 正常法

負弟二益

正弟一廉

負實

底句弟十三問 正隅法

負弟二益

正弟一廉

負實

大股弟十三問 正常法

負弟二益

正弟一廉

正從方

負實

大股弟十三問 正常法

負弟二益

正弟一廉

負益方

正實

大股弟十六問 正常法

負弟二益

正弟二從

負益廉

負益從

大股弟十七問 正隅

負弟二益

正從廉

正從方

負實

大句弟十三問 正常法

負弟二益

正弟一廉

正從方

負實

大句弟十六問 正常法

負弟二益

正從廉

正從方

負實

大句弟十七問 正常法

負弟二益

正從廉

正從方

負實

明車前弟二問

負虛法益

正弟二廉

正弟一廉

負益從

正實

明車前弟十問

正常法翻

負益二廉

正從廉

負益從

正實

明車前弟十八問

負虛問

正第二廉

負弟一益

負益從

正實

雜糅弟十七問

負虛問

負第二益

負益廉

正從

正實

右五層二和三較

雜糅弟十八問

負常法

負弟二廉

負弟一廉

負從

正實

右五層一和四較

明車前弟二問

負虛問

負弟四廉

負弟三廉

負弟二廉

正第一廉

正從方正實

右七層三和四較

邊股弟七問

負陽法

空從方空

正實

又法

負虛問

負弟四廉

負弟三廉

負弟二廉

正第一廉

正從方正實

邊股第九問

負

隅

空

正

實

邊股第十四問

負

開平方

空

正

底句第九問

負

常法

空

正

底句第十四問

負

開平方

空

正

明直前第一問

正

隅法

空

負

平實

明東前第五問

負

常法

空

正

明車後第二問

負

益隅

空

從空

正

平實

明車後第二問

負

虛隅

空

從空

正

平實

三事和第七問

負

益隅

空

從空

正

實

雜糅第五問

負如法

空

正平實

雜糅第六問

負常法

空

正平實

雜糅第七問

負常法

空

正實

雜糅第十一問

負閼

空

正

雜糅第十二問

負常法

空

正平實

雜糅第十三問

負益閼

空

正平實

之分第六問

負閼法

空

正平實

之分第七問

負閼法

空

正實

右三層有空位

邊股第四問

負閼法

負廉

空從空

正實

底句弟四問

負常法

負廉

空從空

正實

正實

底句弟四問又法

負常法

負廉

空從空

正實

正實

大股弟三問負隅法

空廉空

負從方

正實

正實

大股弟十四問虛隅

空廉空

負益從

正實

正實

大句弟十四問負常法

空廉空

負從

正實

正實

右四層有空位

明東前第二問負虛常法

正弟二廉

空弟一廉

負益從

正實

正實

明東前第二問負益隅

空弟一廉

正弟一廉

負益從

正實

正實

右五層有空位

益古演段共六十四問其相消數不標正負其條段

所釋大畧與海鏡相同。第二問

○

○

○

原本實在上開得今移在下

○

○

二十條段以二分半爲虛常法。義曰。二分半爲虛隅。此隅二分半乘二十自乘之數得一入實爲三二。又

以二十乘

○

○

○

○

條段以四分七釐爲益隅。義曰。四分七釐爲虛常法。

以六四乘

○

○

○

○

三三丁以乘四分七釐得一三三一益入實。

三三○三三一○以此二問參之是稱常法與稱隅

同亦是稱虛隅與稱益隅同也。弟十四問義云。此問

原繫虛從今以虛隅命之。又云。從負隅正或從正隅

負其實皆同弟十八問云此式原繫虛從今却爲虛隅命之故以四爲虛常法是可知正負爲別同異之通稱也弟四十問法云相消得圖固合以平方開之今不可開先以隅法二十二步半乘實二萬三千單二步得五十一萬七千五百四十五步正爲實元從六百四十八負依舊爲從一益隅平方開之得四百六十五步以元隅二十二步半約之得二十步三分之二此二二五本是常法而非益隅是必以商數乘之今不以商數乘而下乘實數其爲實和中上較無異但多一報除以復之爾謂之益隅者蓋旣標五

十一萬七千五百四十五爲正標六百四十八爲負而隅與從類故依從之負而稱益隅猶明車前弟九問稱從爲益從隅爲虛法此又正負通稱之例矣

秦道古術云商常爲正實常爲負從常爲正益常爲負然古池推原一術稱方爲益方隅爲從隅案此術和在中較在上下以實爲負則方正隅負矣今稱方爲益隅爲從是稱正爲益負爲從矣若以方爲負隅爲正則實宜爲正又與實常爲負之例不符可知秦氏於此亦不拘拘也

其等自實而上行者便於立天元之法也其等自隅而

上行者便於用開方之法也。

測圓海鏡上隅中從下實蓋由實而生天元由天元而生天元幕自下疊乘而上是宜實居下而隅居上也益古演段上實中從下隅蓋以商生隅由隅而生從由從而與實相消亦自下疊乘而上是宜實居上而隅居下也然則廉隅未定之前自實而隅廉隅既定之後自隅而實故兩書各明一義也秦道古數學九章述開方法至精極簡足補李氏所未備其式如益古演段之列位置商於實上以商生隅上達於實遇同名則相加遇異名則相減加則正仍爲正負仍

爲負減則減餘在正爲正在負爲負自一乘以至百乘千乘不假別術方與實異名相消而減餘在方則爲翻積爲換骨方與實同名相加則爲益積爲投胎大抵和在隅而中較大於初商則益積和在中較數小於初商則翻積其理如是其實布算時惟視同名異名以用加減而翻積益積不容預定也其定位用古開方超位法商單數不超十數超一次百超二次千超三次萬超四次其超也一乘則方進一隅進二二乘則方進一廉進二隅進三三乘則方進一上廉進二下廉進三隅進四進二卽超一位也進三卽超

二位也。進四卽超三位也。四乘以上可類推。其次商退位視乎此。其生廉不用倍法三倍法之煩。弟以商上生同加異減。多一乘則多一變而已。秦氏謂乘爲生。生而上達爲入。入而減爲消。其法李樂城所未詳。此實相爲表裏精簡貫通。一原於古九章。而迥非梅氏少廣拾遺所能及。循別有專書論之。而舉其大略於此。

門人汪昌序
男廷琥校字

天元一釋下

江都焦循學

欲求所不知，則以所求者爲矩。是爲立天元一。

測圓海鏡立天元一爲圓徑者三十一爲半徑者六
十六爲大差者六爲大句者四爲平句者五爲重句
者二爲重股者七爲重弦者二爲明句者六爲明股
者二爲句圓差者二爲太虛黃方面者三爲小差者
七爲虛句者三爲虛弦者四爲皇極弦者二爲中差
者二爲乙南行者二爲乙東行甲南行柳至城心步。
槐樹至城心步小句重小句皇極弦上股弦差皇極

句虛較小差股大弦通弦半大弦平弦黃極黃方商各一其之分則立爲一分之數或立爲此則兼彼如邊股第九問立爲半徑就以爲小句明車前第一問立爲圓徑便以爲三事和是也有兼而爲三者明車後十六問立爲半虛黃便爲明小差又爲車大差是也或不立於寄數而立於又數者如雜揉第五問本如大小差數相乘爲圓幕寄左然後立天元爲圓徑以自之與左相消是也若明車前第三問前旣立天元一爲半圓徑寄左後又再立天元一爲半徑半徑卽半圓徑文偶累耳斷無前立一天元後別立一天

元之理也。益古演段第三問云。立天元爲內池。又云。
立天元爲池徑。其說亦同。

秦道古數學九章卷一。大衍術有立天元一法。其名
同。其用異。未可強爲合也。其一爲求衍數法。云以定
相乘爲衍母。以各定約衍母得各行數。或列各定數
于右方。各立天元一爲子于左行。以母互乘子。亦得
衍數。又云。以右行互乘左行異子一。弗乘對位本子。
各得對數。按此卽張邱建蕩杯之法。衍母者。右行三
母相乘之數也。衍數者。右行二母與左行一子雜乘
之數也。左行本無子數。借一爲子。是爲立天元一。

乘不長其實仍右行二母相乘耳。衍母爲三母相乘。衍數爲二母相乘。以一母除衍母。猶之二母相乘。故或立天元一以乘二母之所乘。或不立天元一而以各定約衍母。其理可通也。

張邱建云置人

二 三 四

此行卽大衍數之定母

數二三四列于

一 一 一

此行卽大衍數之立天元一

右行置一一一
杯數左行以右

一 一 一

以右行互乘左行異子一弗乘對位本子右上于左上爲

中三乘左上一
得三又以右下

一 一 一

四乘之得十二
又以右上二乘
本子于左中下爲異子

左中一得二以二
右下四乘之得十

八 六

此行卽大衍術之衍數

八以右上二乘
左下一得二又

以右中三乘之

以定相乘爲衍母

得六又以二三二

三 四

四 相乘得二十 二乘三 三乘六

此行卽大衍術之衍母

得六

得廿四

其一爲大衍求一術云置奇右上定居右下立天元
一于左上先以右上除右下所得商數與左上一相
生入左下相生卽相乘然後乃以右行上下以少除多遞互
除之所得商數隨卽遞互累乘歸左行上下須使右
上末後奇一而止乃驗左上所得以爲乘率或奇數
已見單一者便爲乘率說者謂其極和較之用窮奇
偶之情又謂遞互乘除之語未詳循按大衍之術卽
孫子算經三三五五七七之術也此術九章所無而

見于孫子今則婦人孺子或以爲戲孫子雖詳其術而秦氏則闡其微而暢發之其三三置七十卽大衍求一術也大衍術者以元母用連環求等法求得定母定母連乘得衍母立天元一互乘得衍數以定母約衍數得奇以奇與定母用求一術得乘率以乘率乘衍數得用數以用數乘所問之餘數併之爲總滿衍母去之不滿爲所分今先以孫子術解之題云今有物不知其數三三數之賸二五五數之賸三七七數之賸二問物幾何答曰二十三三五七元母也約之得一爲無等不用連環求等法則元母卽定母也

賸二賸三賸二分數也.二十三總數也.術曰.三三數之賸二置一百四十五.五五數之賸三置六十三.七數之賸二置三十并之得二百三十三以二百一十減之卽得一百四十六十三三十用數也.二百三十三總數也.二百一十衍母約兩次也.術又曰.凡三三數之賸一則置七十五五數之賸一則置二十一七七數之賸一則置十五一百六以上以一百五減之卽得置七十置二十一置十五乘率也.二十一十五以衍數爲乘數也.七十以定母與奇用求一術得之也.何也.三七二十一以五約之餘一三五一十五.

以七約之亦餘一所謂奇數已餘單一便爲乘率是也五七乘得三十五以三約之三餘二不可爲乘率乃以餘二列右上定母三列右下立天元一于左上以右上約右下餘一歸左下又以餘一約右上使右上奇一商數得一與左下乘仍得一與左上天元一相加爲乘率二以一乘二十一與一十五俱不變以二乘三十五爲七十此所以置七十也依泰氏式列于左方

川 卦 下 元數卽爲定母

三 行母

一一一 立天元一

三 二 一 衍數

二 一 一 奇數

二 一 一 乘率

二 一 一 衍 分數

二 一 一 分數

二 一 一 用數

大衍求一術所以用遞互乘除者蓋是術之分數與盈不足方程差數異去差數則母齊加分數則總齊惟母不齊斯分亦不齊用連乘所以齊其母也分卽奇也分不止于一乃必令奇成一數而奇乃齊此所

以既立天元以求母衍數復立天元以求乘數也既齊其母矣又以一母互約之而得奇約之而奇一無煩更齊之矣約之而奇不止一則務齊其奇數之一而不妨數倍其母以化不一者爲一也倍其母以齊其奇有二法焉一以奇遞加以母遞減之餘一而止列其減數與餘爲乘率一以奇遞減母又以母遞減奇餘一而止列其減數與餘爲乘率卽求一法也立天元一于左上者與右上餘一爲預存倍數也旣以奇減母而母亦存奇以母之奇減奇故商一卽一倍商二卽二倍惟右上奇減母一次固猶是一耳若二

二以上則必以母之奇所減奇之數與此相乘而後
加于天元一故曰遞互除之又曰遞互累乘也此可
詳者也如衍數十五以四四數之約去十二奇三欲
齊奇因而倍母以三列右上四列右下立天元一于
左上以三約四一次得奇一乃列一于左下又列奇
一于右下以一約三二次而得奇一以二次乘左下
一仍是二加於天元爲三是爲乘率以三乘衍數十
五爲四十五以四約之約去四十四恰餘一此左下
歸數是一不見互乘之妙也設如衍數十七以七七
數之約去十四奇三欲齊奇因而倍母以三列右上

以七列右下立天元一于左上以三約七二次而得奇一乃列二于左下又列奇一于右下以一約三二次而得奇一以二乘左下二得四加天元爲五是爲乘率以五乘十七得八十五以七約之去八十四正餘一蓋以奇減母則不必以奇遞加而以母之奇約之卽得所減之母不啻所加之奇減母二次則約奇一次卽如兩次矣非用互乘何以合耶加奇以減母鳬雁術之義也減母以減奇矯矢術之義也

詳見加減乘除釋第五卷

李氏之立天元一蓋不知眞數立一數爲比例之根其究不必一也秦氏之立天元一乃欲得一數立一

數以爲齊同之準其究必是一也李氏立天元一之相消此元殊于彼元以不齊而得其齊也秦氏立天元一之相約此一卽合彼一以齊而齊不齊也李氏之寄左乃同類之一率寄之以待類之合也秦氏之寄左則未齊之衍數寄之以俟奇之齊也李氏之所立可以馭一切之算秦氏之所立止以定歸奇之用二者藐不相同各有秘奧或言李演秦說豈其然邪至大衍術連環求等之法亦互約以化繁爲簡所以爲奇一地耳如九與十五其等爲三何也九爲三三十五爲五三也可約九爲三亦可約十五爲五蓋可

半則半之遺意也。三數以上彼此遞約故有連環之名。連環約後猶有可約之等。則續約之續約者。約此則乘彼。如甲二十七。乙一十二。丙三十二。甲乙之等三。乙丙之等四。甲丙無等。以三約甲爲九。以四約乙爲三。此連環求等也。甲九乙三。尙可求等得三。乃以三除乙三爲一。以三乘甲九爲二十七。此續等也。秦氏所謂皆約而猶有類數存。姑置之。俟與他約徧而後乃與姑置者求等。約之是也。術云求定位勿使兩位見偶。又云約奇弗約偶。或元數俱偶。約畢可存一位。見偶解者云。衆數連乘中。有兩偶數。則所得總數。

以一偶數除之必仍得偶數不能求餘一之乘數是也解者又云約奇弗約偶專爲等數爲偶者言之若等數爲奇者則約偶弗約奇解者蓋以求等後約元數所得爲約奇約偶按元數兩偶者求等約之可得奇元數兩奇者求等約之不能得偶如三與九其等三約三得一約九得三皆奇五與十五其等五約五得一約十五得三亦皆奇他若七與二十一九與二十七亦然皆約得奇不能約得偶也元和李尚之解奇偶爲元數其說最詳謂約元數爲定母必令約畢更無可約而後得爲定母欲令無可約須先令無等

欲令無等則兩兩相約時須先令約得之數皆爲奇數蓋凡兩奇與一奇一偶相約或有等或無等凡兩偶相約必有等今約得皆奇數則約畢之後必止有一位偶而衆位皆奇若有兩偶則必又有等又云一位偶相約所求之等亦必奇以約奇數必得奇以奇一偶相約所求之等亦必奇以約奇數必得奇以約偶數必得偶今欲令約得爲奇故術云約奇弗約偶也兩偶相約所求之等必偶以約兩偶數或皆得奇或一得奇一得偶今亦欲令得奇故術云或元數俱偶可存一位見偶也又云約奇弗約偶一法有時當約偶弗約奇其故有二其一恐約畢仍有等數也

如甲二十五乙二十求等得五常法約甲爲五然五與二十仍有等須約乙爲四二十五與四則無等矣故術云約得五而彼有十乃約偶而弗約奇也其一恐定母見一也凡定母見一則無衍數而有借用之緜故求定位術云勿使見一太多程行計地草云于術約奇不約偶慮恐無衍數乃先約甲三百也兩偶求等約得單一亦當舍此而約彼然約彼得奇則可不見一若約彼得偶則不得不見一何也兩偶必有等展轉推之終須見一也尚之此解可發秦氏之蘊而正前此之誤解矣所以必求定母者如甲二乙三

丙四二與四有等約爲甲一乙三丙四依法求之得用數一一三若不約則二三四之衍數爲丁丙丁奇數爲上上上以丁與四立天元求一不可得一此所以必用求等法也

太極胸則天元爲盈太極盈則天元爲胸真數積于下而盈胸差於上也

股全數六百句三百二十差數二百八十今舉股四百八十句二百既非全數亦非差數于是有加減之法而盈胸生焉何也以四百八十爲股則胸因以所胸者爲天元一而加之是爲四百八十步加一天元

在四百八十則胸在所加天元則盈。胸者于股全數
不止四百八十也。盈者餘于四百八十之外也。若以
四百八十爲差。則盈因以所盈者爲天元一而減之。
是爲四百八十步減一天元。在四百八十則盈在所
減天元則胸盈者四百八十步多于差也。胸者四百八
十中當少去此數也。減爲分數。加爲合數。分者分于
太極之中。合者合于太極之外。分子太極之中。而合
之以所分之餘比例得矣。合于太極之外。而分之以
所合之形。比例得矣。

太極可減天元。天元亦可減太極。故如積之數。在太極

位也。

太極加天元天元加太極其義一也惟減則有不同如全股六百容圓半徑一百二十但知四百八十則立天元一爲股而減去四百八十爲半徑是爲一天元少四百八十步也是天元一盈于四百八十之實數而四百八十之實數轉宜減于天元之中矣明車之數或小於半徑故測圓海鏡于明車以下多于天元一之中減太極明車前第二問云立天元一爲半徑上減明句得阮卦爲虛句下減車股得阮卦爲虛股句股相乘倍之加差幕得日暉圖爲弦幕寄左然

後並二行步以自之得于太極位爲同數蓋差在太極位故必于太極位比例得同數也

同名相加則異名相減減以平加之溢也同名相減則異名相加加以補減之過也從乎盈以爲正負者減餘本在盈也反減則正負相變者變其名使數不紊消息之妙也

兩同名爲母兩異名爲子兩母均正兩子一正一負是必以母子皆正者同加入母之正也而母之正者其子又負是母之正且非全數故必減去此負也余于加減乘除釋卷五已詳言之減者于盈之中去其

胸所存者盈其從乎盈自然之數如此也餘在左則異加之正負依乎左行餘在右則異加之正負依乎右行亦從乎盈也又有反減之例專以本行為主減餘在本行不必言若在彼行而異加既依本行之正負則減餘轉必變正爲負變負爲正以就本行之異加也因反復于其理盈在彼而彼之加數爲正是盈于盈數者也此之加數本于減數爲負減數中未減此數則所以減之者過乎所宜減故以此之負子彼之正以補之彼之加數爲負是損于盈數者也此之加數本與減數同正減數未加此數則所以減之者

不及所宜減故以此之正子彼之負以平之反減則
祔之中去其盈不足符其所去必取諸加數以充之
是所減爲彼之餘轉爲此之歉也餘爲多而歉爲少
烏得不正負相變哉然假如左行爲三多二右行爲
五少一以左爲主三反減五爲歉二一加二爲三必
于此三數減去所歉之二故本是子三多母二却顛
倒爲母三少子二矣若以右爲主則五中減三餘子
二此多數也而母加爲三是少數以三減二亦是反
減是又宜以子二少母三變爲母三少子二何也右
五雖盈於左三而五少一爲四三多二爲五以五減

四則左胸而實盈右盈而實胸故以五與三言之明
有減餘而以五少一與三多二較之正是反減反減
而多少相變例也明爲正減陰實反減此又反減中
之變例也又如本是左三少二右五多一則反減異
加之後必右皆多數左皆少數此旣盈俱在右本宜
從乎右強右于左而左數皆少于術則通于理未協
此反減之又一義也又設左爲三少二右爲五少一
以右爲主五中減三餘二多仍爲多也一中減二則
必反減反減則不爲餘一轉爲歉一乃二在左本是
三中之少數三少二止宜以一減五爲四今竟以三

減五爲二已多減二數則此反減所餘之二數正用以補之故不爲歉而轉爲餘理雖平易而實造微矣置本數于左爲寄左設又數與之加減爲相消相消與相減皆同減而異加也然相減者有減餘者也相消者無減餘者也

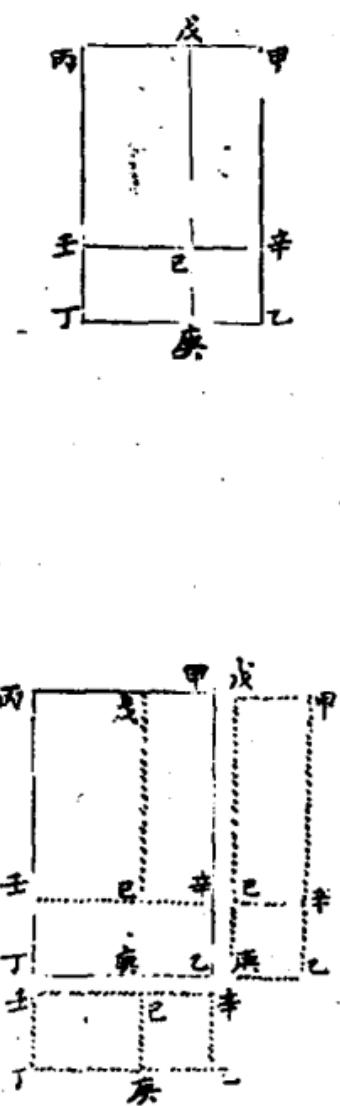
相減者隨舉一母子爲本數又隨舉一母子以減之同減異加之後得數或加或減皆得所餘相消者彼此俱爲同數雖參差不齊而平其差則皆齊如云五少一四也二多二亦四也五與二減得三一與二加亦得三上下相比數本相合而特叢雜於或盈或虧

之差去其叢雜使數之相合了然明露夫陰消陽息易卦有之此云相消亦其義也相消乃相減之一端猶開方爲除法之一端開方者自乘無從之除相消者減盡無差之減名義可通而用有辨矣

同名相乘均得盈異名相乘均得胸胸乘胸轉得盈者胸中之盈也胸乘盈必得胸者盈外之胸也

盈之乘盈其得盈也可知者也胸之乘胸亦轉得盈蓋胸在實數之內實數已乘得積而又以胸乘實數以爲減之地兩胸交乘實數成兩廉形而兩廉之交處必疊兩隅疊兩隅是多一隅也多一隅卽多此胸

乘胸之數也多此胸乘胸之數是子宜減之數而又減之減于廉之中不啻益于實之中子實爲胸子廉轉爲盈故胸乘胸得盈也若所加之天元在實外實乘爲方矣天元自仍在方外雖與實相乘難與實相混矣



丙戌與丁壬為實戊甲

壬丁為天元丙甲丙丁

為實卦天元

右皆盈與盈同名相來

於甲乙丙丁為減去甲戊乙丁壬己曲尺形今乘得甲戊乙庚及壬丁辛乙丙形比曲尺多一辛乙己庚胸象胸之形

辛戊為胸甲乙為盈壬丁為胸丁乙為盈

其不可除者爲不受除不受除者寄之謂之寄分母分母之中有不受除者則分母之中又寄分母

邊股第四問云置東行步爲小句以中股乘之得馱合以中句除今不受除便以爲小股也下注云內寄中句分母舊校云不受除者無可除之理也凡二數此數與彼數無可除之理則不受除也蓋除有法有實實可二法不可二此題以中句爲法而中句內有

一元又有十六步其爲數已二矣又何以均分不一
之數乎故曰不受也第九問草云立天元一爲半徑
卽以爲小句率其二行差卽以爲小股率乃置甲南
行步加入天元一爲股以小句乘之合以小股除今
不受除便以此爲大句內寄小股分母舊校云此所
謂不受除乃其數奇零不能盡非無可除之理也第
五題云置大股在地以小句乘之得下式合以小股
除之今不受除便以爲大句內寄小股分母又置天
元半徑以分母小股乘之以減大句循按此問欲得
底句因先求大句大句必從小句比例乃有小句而

小股不可用以除因委曲而用寄分之法徑得大句
然大句較底句尙多一半徑而此大句者旣爲寄分
徑得之大句不可與半徑減故必以分母乘半徑而
後可減也大句爲分母所乘之大句則半徑亦必爲
分母所乘之半徑此問蓋李氏示人以相減例也大
股第十三問草云立天元一爲半徑二之減甲南行
爲大差以自之爲大差幕加于南行幕半之爲大弦
內帶大差分母別寄又置乙斜行爲小弦以大股乘之合
大弦除不除便以此爲小股也內帶大弦分母按此
大弦爲小股中所帶之分母而大弦之分母中又帶

大差分母蓋欲得小股先求大弦欲求大弦先得大差轉轉寄帶不憚委曲絛瑣者爲同數相消地也心思之妙不啻蟻之穿九曲珠夫所以啓後學之聰明者可謂至矣

分母以不除寄之卽以不乘消之寄左不可消則又數以分母乘之分母之中有分母則寄左以分母中之分母乘之分母中之分母帶分母者無之也

寄分母之法其相消之例有數端邊股第六問草云置大股以小句乘之合以小股除今不受除便以此爲大句內帶小股分母又倍天元以小股乘之以減

于大句爲句圓差合以股圓差乘之緣此句圓差內已帶小股分母股圓差_{小股卽}更不須乘便以此爲半段黃方

幕更無分母也按此言相消之法甚明了句圓差乘股圓差得城幕之半卽半段黃方幕是必乘而得幕也小股爲一率小句爲二率大股爲三率必小股除之乃得大句也而小股旣卽爲股圓差則前之不除正可以代後之乘而後之不乘可以代前之除故前不除而寄分母者後不乘而更無分母也第四問寄左中寄中句分母其又數以中句乘之爲同數第五問寄左中寄小股分母又數以分母小股乘之爲

同數此緣寄左中不能以一乘一除兩相消抵故于
又數中乘之以消此不受除之數同在寄數中以不
乘消之分在寄數又數中以乘消之不除則數多而
溢于彼不損此之溢而增彼之幼則兩相平矣譬之
市儈負我債我取其貨物而不畱值此以不乘消之
之義也醫者欲制肝而先强肺相墓者苦右高而左
加隄焉則乘以消之之謂也第十問草云置乙南行
步爲小股以句率乘之合以股率除今不受除乃便
以此爲小句內寄股率分母以小句大句相乘爲半
徑幕內帶股率幕爲分母寄左然後置天元自乘又

以股率幕乘之爲同數按此兩相比例大句小句內皆寄股率分母小句大句既相乘則所寄兩股率亦相乘而爲股幕矣故寄左中帶股幕而又數亦以股幕乘也大股第十三問草云大弦帶大差分母別寄小股又帶大弦分母因以邊股乘小股爲半徑幕此半徑幕內有大弦分母緣別寄大弦分母元帶大差分母故又用大差分母乘上半徑幕爲帶分半徑幕也所帶之分謂止帶大弦分母也寄左然後以大弦乘天元幕爲同數循按此寄分中又有寄分之相消法也帶大差分母之大弦旣別寄矣而小股中所帶

之大弦分母乃不帶分之大弦非別寄帶分之大弦也又數以大弦乘天元幕此大弦正別寄之大弦中
有大差分母者也然則寄左數中所帶之分別無所
帶而又數中所乘之大弦轉多一大差分母矣故豫
于寄左數中以大差分母乘之以爲同數相消地耳
別寄之分母隨乘而入不用之以除則大差分母無
由入小股中不受除而帶分母自帶大弦之正數不
一帶大弦之假數也第十四問草以股幕加大差幕半
之爲大弦內帶大差分母又置股幕減大差幕半之
爲大弦內帶大差分母又置股幕減大差幕半之爲

大句亦帶大差分母

大差節
句弦較

乃置明弦以大句乘之合

以大弦除不除便以此爲小句內帶大弦爲母其大

句內元有大差分母不用卽明句也以底句乘明句

爲半徑幕內帶大差及大弦爲母寄左然後置天元

幕以大差通之又以大弦通之爲同數此寄數帶兩

分母而又數又以兩分母乘之也大句中有分母不

用者又數之大弦其中有大差分母依前法則寄數

中之半徑幕宜豫以大差乘之今因小句中本帶大

差大弦兩母故以不乘抵之非不用也有以消抵之

也蓋寄數小句中有分母二底句中有分母一在小

句中者其一爲不帶分之大弦其一爲大句中所帶
之大差在底句中者爲大句中之大差是帶兩大差
一大弦也又數既以大差通之又以帶大差分母之
大弦通之是亦兩大差一大弦適相消抵因不必復
用相抵之法冥然化其消息之跡故曰不用也是明
帶兩分母實暗帶三分母也又一法草云股圓差即大差
幕加股幕半之爲大弦寄大差分母減股幕半之爲
大句寄大差分母以大句乘明弦合大弦除不除便
以爲小句寄大弦分母又以股乘明弦合以大弦除
爲小股不除而又以同母通分之爲同分小股也又

置明弦以大弦通之得通分小弦也三位相併爲股圓差寄左然後以天元大差以大弦分母通之爲同數此則寄數中其帶六分母而以一分母齊之法至此精妙極矣六者何大差三大弦三也其在小句中
有大句所帶之大差有不帶大差之大弦是爲一大差一大弦也其在小股中有同母通分之大差有不帶大差之大弦是又一大差一大弦也其在小弦中
有通分之大弦有大弦中所帶之大差是亦一大差一大弦也而小句小股小弦併之卽股圓差則以帶大差之大弦通之不啻以六分母通句股弦之三位

也原注云大股乘時無大差分母故令通之以齊大
句上所有大差分也云大股乘時無大差分母者言
大股中無大差分母非若大句中有之故前大句乘
明句弦爲小句其中有大差母其股乘明弦爲小股
則無大差母也以同母分通之則均有大差母故曰
通之以齊也同分同於大句中之分也審此用同分
以齊大句中之大差分母則前所謂大差分母不用
者詎真不用乎哉第十八問草下注云其大句中有
大差分母其大股內却無分母故今乘過復以大差
通之齊分母也此注尤彰明較著矣寄分之法爲天

元一造微之境比例齊同全賴此以濟其窮故李氏詳乎言之卽其一隅可以知三因復闡明其故俾學者易知故不憚煩云

又數與寄數相齊謂之同數亦謂之如積如積之例當其較則舍所盈故加於盈而數合也當其和則包所胸故減其胸而數合也

測圓海鏡列加減二法謂之正率天元一之術實無出此二者其他變化錯綜皆由此而推之耳題云或問出西門南行四百八十步有樹出北門東行二百步見之間徑幾里其減法云立天元一爲半徑置南

行步在地內減天元半徑得丘咄爲股圓差又置乙
東行步在地內減天元得下式_{丘咄}爲句圓差以句圓
差乘股圓差得一_{丘咄}爲半段黃方幕卽城徑之半
也寄左又置天元幕以倍之得丘元亦爲半段黃方
幕與左相消得下式_{丘咄}如法開之得半徑一百二十
步循按置南行步減天元者積數四百八十中少天
元一也置東行步減天元者積數二百中少天元一
也兩行步本是一半徑帶一圓差今減去天元半徑
故爲句圓差股圓差所減雖在天元實不啻在積也
及兩積相乘除去天元所當之積餘爲半城幕之積

故如積者.但如此半城算之積.以爲之算.或爲之天元.以合於除去之天元.則與下積適相當矣.譬之積如粟.天元.天元算.如錢.粟一斗值錢二百.先付錢六十.當減去粟三升.今不減.但記曰已納錢六十.則他日持錢取粟.僅持七升之值百四十錢.而遂當一斗之價矣.粟未減也.亦非妄以七升之值當一斗之值也.前後之值相合也.此乘得積數九萬六千.如斗粟也.六百八十天元多一天元算.如先付三升值也.如積之二天元算.與一天元算相減.爲一天元算.如他日持七升之值也.夫付過三升之值.則我他日之持

錢胸三升之值而取盈三升之粟矣後所持合于先
所付自不虧缺而後之所持則必舍乎先之所付此
減法之如積也其加法云置南行步加天元一得元
卽爲大股又置乙東行步加天元得元卽爲大句相
乘得一百元卽爲一个大直積以天元除之得下式元
卽卽爲三事和寄左然後併二行步又併入句股其
得阮卽爲同數與左相消得十元卽以平方開之循
按加于行步之外則爲四百八十步多一天元二百
步多一天元也句股相乘爲句股積今句股中各胸
一半徑則所乘得之實數不足一句股積數不知積

數所缺者若干惟知所缺之天元及天元幕若干故爲九萬六千步多六百八十元一天元幕此之所多在實積外而如積之數必如句股積以爲之天元及天元幕而齊之夫天元既在實積之外而如積又合天元與實積之形則于如積中減去實外之天元及幕自適當乎積矣譬之以錢二百買粟一斗而此一斗粟中適欠六十錢之粟今持錢二百買之而粟止有七升則必于所持之錢除去六十而後相合也句股幕如粟一斗值也九萬六千步如七升也六百八十元一天元幕如所欠六十錢之粟也一千三百六

十步二天元卽句股幕之如積者也蓋句股幕不可得其同數故以天元除之爲三事和三事和者句股弦相併也而句股弦又無實數故但爲一千三百六十多二天元也試又譬之農與市僧交易農舊負僧錢三十僧舊負農粟六升今農持錢八十向僧買粟八升半僧曰子錢減三十餘五十粟減六升餘二升半蓋粟八升半暨錢三十與粟六升暨錢八十適相等九萬六千步多六百八十天元一天元幕與一千六百步二天元適相等其義亦猶是也

三層之相消較必合二四層之相消較或合三較均在

上則和在下也較合于下則積必益也其減餘必分兩畔者也

兩畔之數既等其相消之餘亦必兩邊相等其兩層者一法一實不待言矣三層者相消之後必分兩畔而兩畔所分必一畔得一層之減餘一畔得兩層之減餘其兩層之減餘與一層之減餘數既相等則此兩層者必爲一層之較而一層者必爲兩層之和兩層餘在上中則和在下兩層有一層餘在下則和必在上中而其一層在上中與下相耦者則益隅益方也其情甚隱其理實平余于加減乘除釋卷五已發

明此旨相消必分兩畔者緣兩畔之相等也若不相等則減餘可偏在一邊此相消與相減所以同而異也亦惟減餘必分兩畔所以天元一之相消與方程之直除亦有間也譬之粟每斗值錢一百二十豆每斗值錢八十今一農有粟一斗豆二斗錢二十文農有粟一斗五升豆五升錢八十文數各不同而值實相等皆_更因而相消一農餘豆一斗五升一農餘粟五升餘錢六十文又爲相等各餘_{百二十}而豆之一斗五升已足敵粟與錢之兩色是豆和而錢粟較矣必益錢于粟乃可敵豆是錢爲益隅也

借根之用加減與相消法異而數同何也試質言之
有如左之數五右之數十不等也今曰左之數五多
五則與右之十等矣其相消以下五減十餘五上多
五無對是上下皆五爲相等矣其用加減也則左右
各減以五左之多五者今不復多而右之十者今以
減去五而亦止存五是亦兩相等也蓋兩邊各減仍
不啻以左減右故爲法不同而數必同耳或左數五
右數十不曰五多五而曰十少五亦相等則相消以
五減十亦上下皆五而相等矣或各加以五則右十
之少五者不復少而左五亦加五而爲十是亦兩相

等也此所加減之五未嘗一乘再乘故明了易知若以乘隱之假如以五爲一根之數則左五之多五爲左五多一根右十之少五爲右十之少一根相消則是以五當一根以一根除五仍得五猶五與五等也相減則左五本多一根今減一根相抵爲五右十減一根爲十少一根相加則左五加一根爲五多一根右十本少一根今加一根相抵爲十然後均用相減爲一根與五等仍相消也是多費一番加減也學者言算數之術後人勝于前人恐亦未盡然乎當其空則正負相變者同名相就同必化爲異也異名

相投異必化爲同也。

相消之理既詳之矣。兩畔俱空，則此層爲從空廉空矣。若一畔空，一畔有數九章，謂之無入無入者，無對也。試以三層言之。此畔上下皆正，彼止有中正，此同名也。然此中正者與彼上正下正爲相等，則以此就彼此和而彼較不得，仍皆稱正而混淆無別，故正變爲負也。若負則必有兩層，或彼一畔上正下正，此一畔中負下正，兩下正同名相減，而彼之上正投入此畔，化而爲負，何也？此下正爲和，中負爲較，尚少一較，移彼正于此，全其爲較矣。故亦正變爲負也。若不以

彼上正投此而以此中負下正就彼亦變爲中正下負蓋下本爲和雖經減去恰合增入之數仍爲和也表之于左方

三正

口

四正

三正

七負

四正

口

七正

口

三負

七正

四負

右同名變異表一

三正

口

四正

三正

六負

三正

口

六正

一正

減餘三

三負

六正

三負

右同名變異表二

三負

口

十正

三負

二正

一正

口 二負

九

正減餘一

三正

二負

一負

三正

口

四正

減餘五

三正

二負

五正

口

二負

九正

減餘五

三負

二負

五正

右異名變同表一

八正

口

一負

八正

二正

十負

口

二負

九正

加得十

八負

二負

十正

右異名變同表二

如積相消則同減而異加開方相生則同加而異減何
也緣相就而相化也

同名相減異名相加余旣詳之矣而秦道古所詳開
方法則同名相加異名相減截然不可紊蓋天元如
積相消加減在兩行開方商生相入加減在一行彼
行之正入此行則爲負彼行之負入此行則爲正是
兩行之同名乃一行之異名兩行之異名乃一行之
同名在兩行用同減異加在一行用同加異減法不
同而義實相通矣凡如積相消無論同名異名消餘
必是異名三層以上雖有同名必有異名也表之于

左方

三正

三正

減餘

一負

左餘入右

一正

四 正

減餘二

二 正

一 正

一 負
右餘入左

右同名相減化爲異名相減

三 正

一 負

五 正

五 負

左加右
減盡

二 負

加得五

四 正

加得五

五 負

右加左

五 正

右加左

右異名相加化爲異名相減

三 正

一 正

三 負

左餘入右

三 正

左加右

減盡

六 正

減餘三

二 負

加得三

三 正

左餘入右

三 負

右加左

減盡

右一同名相減一異名相加化爲異名相減
其同減異加則盈不足之義也

同數相消似于方程乃細揆之實爲盈不足之理何

也方程之直除可同減異加亦可異減同加惟盈不足則止可同減不可異減止可異加不可同加天元一之相消亦然蓋方程之兩色相對待各樹一幟雖有隱伏而自備和較之全盈不足之多數少數止露其端倪兩行之差不啻呼吸相關縷牽身動和較備者加減可無定止有差者加減必有定也天元一下爲實數卽盈不足之出率也上爲多數少數卽盈不足之兩盈兩虧一盈一虧也必兩相消而後和較乃備是未消則盈不足之兩行旣消則方程之一色也邊股第八問大句元₁₁自乘得句幕一元₃寄左又

以大弦六百八十加大股元_也得元_也以小差_远_也乘之得十_也爲同數相消得_也按舊術股弦較乘股弦和卽句幕小差卽股弦較故乘股加弦之數而與句幕同數也此數方矩積皆有對在左者積四萬則多四百天元一天元幕也在右者積二十三萬則少九百六十天元一天元幕也分明爲假令之一盈一肭矣于是兩實同名相減兩天元兩幕異名相加而得一十九萬二千少一百三十六天元二天元幕此天元一數爲一百二十乘一百三十六得一十六萬三千二百一十自乘得一萬四千四百

二之得二萬八千八百合此二者正與實合是實爲和而天元與幕爲較也卽此三層皆對者而推諸無對無不皆然若以兩實同名相加則實愈多兩天元兩幕異名相減則愈少何以成一和兩較之式不成一和兩較之式而天元一之數何從而得之乎

其有和有較則方程之體也

旣消之後和較皆備與方程之一行同但方程之隱伏在通色一乘此則多一層多一乘方程層層俱隱伏此則下層必露眞數天元以上乃遞增乘爲隱伏故方程無論幾色一以除法驗之天元一必視多層

以乘方馭之仍報除之理耳。之分第九問第十問皆以方程法入之其一純用減而首色減盡謂之曰直減直減者直除也減盡謂之空其一首色相加謂之直加次色減盡謂之中空前一法同減後一法同加異減此方程異于天元一者故標之以方程也而方程之同加同減可以隨用蓋九章古法樂城時猶守未替也。

其借算則少廣之遺也。

九章算術開方術云置積爲實借一算步之夫不知幕之數而借一算以爲方不啻不知矩之數而借一

算以爲天元也然則天元一之術正古九章之遺九
章止言開方未詳帶從故止借一爲幕蓋可借一算
爲幕即可借一算爲天元按而求之蛛絲馬跡尙可
尋也

其貫方於從則商功之流也

王孝通緝古算經亭臺美道諸術以積求邊以差求
全以所知者爲從以不知者爲分開方得之天元一
之所本也但緝古之術有積有差而天元一術有差
而積不具彼爲微實故減其不齊以爲齊此爲課虛
故必有立天元寄分母如積相消諸法益造於微也

其如積相比則均輸之趨也。其寄分取率則衰分粟米之變也。

均輸者于無比例之中求爲比例。如積者亦于無比例之中求爲比例也。惟均輸所求者相同之率。天元一所求者相同之數。相同之率由似以得其眞故異乘而除之。相同之數緣分以得其合。故相消而除之。邊股第四問云。置東行步爲小句。以中股乘之。合以中句除。今不受除。便以爲小股。按此卽三率比例。中句爲所有率。中股爲所求率。小句爲今有數。小股爲所求數。緣中句半虛半實不可以除。故有寄分之法。

以參其變而其本原則衰分粟米之今有而已矣以乘代除之法一見於方田章注七人賣馬之題一見

于均輸章太倉三返之題

詳見加減乘除釋卷七

彼因後有所除而

豫以乘代之此因前未曾除而後以乘齊之彼相代于今有之外此相齊于今有之中也且今有之理中二率相乘同于首尾兩率相乘今寄數以中二率相乘又數以首率乘尾率自然相等其義亦甚常矣其就分則方田之餘也

測圓海鏡末有之分一卷所以治諸分也夫諸分之有分母正不啻天元一術之立天元故幾分之幾卽

以一分爲一天元也。但諸分之子母同是渾稱而天元之下實則爲眞數。下實者未除之子數也。故術有不同耳。

其測圓則句股之精也。

測圓海鏡一書專以明句股之精微也。第一卷詳列識別雜記。極神明變化之用。所以如積。所以同數。其樞機全在于此。如大直積必化爲三事和。兩相乘卽爲半段黃方幕是也。識別已詳。茲不具錄。

或謂李治之說天元一爲演秦九韶之法。蓋以秦爲宋人。李爲元人。元宜在宋後也。循按元史治以至元

二年卒於家年八十八是爲宋度宗咸淳元年上溯生年爲金世宗大定十九年當宋孝宗淳熙六年治卒後十六年元世祖始并宋又按秦九韶之名不著

宋史惟周密癸辛雜識續集言九韶字道古秦鳳間

人

數學九章敘自稱其籍爲魯郡近盧氏補宋史藝文志因以九韶爲魯郡人蓋失考核

年十八在鄉里爲義

兵首旣出東南多交豪富性極機巧星象音律算術

以至營造等事無不精究從李梅亭學駢儼詩詞

中興
禁書

絕妙詞選云李公甫名劉號梅亭遊戲裘馬弓劍莫不能知性喜侈好大

嗜進謀身或以歷學薦于朝得對有奏稟及所述數

學大略淳祐四年韓祥請召山林布衣造歷從之

萬九韶宜在此時數學大略卽數學九章

與吳履齋交尤

稔

履齊卽吳潛

吳有地在湖州西門外當苕水所經入城面

勢浩蕩乃以術攬取之

以術攬取說亦荒渺果如是則

件履齊矣何得又有從履齊事

建堂其

上位置皆出自心匠齋錢如揚徧謁臺幕賈秋壑宛

轉得瓊州至郡數月罷歸又言吳履齊在鄆亟往投

之吳時入相使之先行曰當思所處秦復追隨之吳

旋得謫賈當國徐摭奏事竄之梅州在梅治政不輟

竟殂于梅

癸辛雜識所紀甚詳今據其畧

考賈鎮淮揚時在理宗淳祐十

年當元憲宗時履齊之謫在景定初年其殂梅之時

與治之卒相後年齒未必大于李况李居河北泰

處浙西同時異國不得謂李演秦說也

九韶爲秦鳳間人若以秦鳳路言之

建炎間已入于金九韶爲義兵首年已十八則年百餘歲矣然秦臯路所屬之
階成峽以四州終金之世未嘗去朱九韶蓋此四州人周密本舊時地名稱之
耳但爲義兵首不知在治本傳治登金進士第中州集李治中通
何年其年齒遂無可考治本傳治登金進士第子治字仁卿正大

七年收

辟知鈞州事

歲壬辰城潰

治北渡

流落忻崞間

世科

聚書環堵

世祖在潛邸聞其賢召之太宗紀四年攻

鈞州克之

世祖紀歲甲辰帝在潛邸思有爲于天下

延藩府舊臣及四方文學之士問以治道辛亥憲宗

卽位盡屬以漠南漢地軍國庶事遂南駐瓜忽都之

地是治以元太宗四年北渡其召見潛邸則在憲宗

辛亥以前測圓海鏡自敘標戊申秋九月去甲辰止

五年則此書蓋創始于流落忻崞時也

白敘云老大以來得
洞淵九容之說日夕

玩繹而鬻之病我者使爆然落去而無遺餘山中多暇客有從余求其說者予是又爲衍之累一百七十問本傳云治晚家元氏買田封龍山下學徒益衆按言山中多暇則是買田聚徒之日蓋甲辰召對後卽歸元氏山下言客有求其說者卽學徒益衆之一乃敘稱病我者使爆然落去稱又爲衍之可見先已有成稿至元氏山中復理之耳所云老大以來蓋

指折磚聚書時事壬辰已五十五故稱老大

九韶數學九章敘標

淳祐七年是年歲次丁未比戊申止前一年治書之

不本於秦明矣郭守敬授時術用天元一算句股弧

矢容圓郭卒于仁宗三年年八十六上溯欒城敘書

之年相距七十載邢臺時才十六歲方治學洞淵九

容之說蓋猶未生邢臺之學實欒城啓之乃世祖至

元十三年召修授時術而治已前卒故一代製作遂

首推邢臺無復知有欒城矣學者稱秦在李前或敘

郭子李上均非實也。王德淵海鏡後敘云：敬齋先生病且革語其子克修曰：吾生平著述死後可盡燔去。獨測圓海鏡一書雖九九小數吾嘗精思致力於此後世必有知者。嗚乎百餘年來不絕如綫至今日而其學大著精神所結鬼神護之樂城自信詎虛言哉。秦九韶爲周密所醜詆至于不堪而其書亦晦而復顯密以填詞小說之才實學非其所知卽所稱與吳履齊交稔爲賈相竄于梅州力政不輟則秦之爲人亦瑰奇有用之才也。密又述楊守齋之言稱斷事不平薦湯如墨恐遭其毒手此亦影響之言又言以劍

命隸殺所養子。又言聞透渡而色喜。密自標聞于陳聖觀。又惡知聖觀之非謗耶。乃九韶之履歷頗賴此以傳。則謗之正所以著之耳。元史李治傳不言其天元一之學。且誤海鏡爲鏡海。自敘稱取天臨海鏡之義則必不名鏡海矣。益古演段爲益古衍疑明儒之苟率又何至箬溪始然耶。

門人汪昌序
男廷琥校字